

1 Découverte (à la « main »)

Soit f la fonction définie sur $[0; 4]$ par $f(x) = -x^2 + 4x - 3$.

- Déterminer $f'(x)$ pour $x \in [0; 4]$ puis calculer $f(0)$ et $f'(0)$.
- On note T_0 la tangente à \mathcal{C}_f au point d'abscisse 0. Déterminer l'équation réduite de T_0 .
- Placer $A(0; f(0))$ dans un repère et tracer T_0 .
- Soit A_1 le point de T_0 ayant pour abscisse 0,5. Déterminer les coordonnées de A_1 .
D'après la définition de la tangente à une courbe en un point, on peut considérer que A_1 est « presque » sur \mathcal{C}_f ; faisons comme si c'était le cas.
- Calculer $f'(0,5)$ et en déduire l'équation réduite de la droite T_1 de coefficient directeur $f'(0,5)$ passant par A_1 . On peut dire que cette droite est « proche » de la tangente à \mathcal{C}_f au point A_1 . Tracer cette droite.
- Placer le point A_2 de T_1 qui a pour abscisse 1.
- Recommencer le processus précédent en traçant T_2 la « presque » tangente à \mathcal{C}_f en A_2, \dots . On pourra compléter le tableau suivant :

Point	A_0	A_1							
Coordonnées	$(0; -3)$								
$f'(x_A)$	4								
Équation de T_i	$y = 4x - 3$								

- Relier les points A_0, \dots, A_8 . On obtient une courbe qui ne devrait pas être trop éloignée de \mathcal{C}_f .
- À l'aide de la calculatrice, compléter un tableau de valeurs de f pour les x compris entre 0 et 4 par pas de 0,5 et tracer l'allure de \mathcal{C}_f dans le même repère que les points A_i .

2 Application (au tableur)

Soit f une fonction définie sur $I = [0; 3]$ telle que pour $x \in I$, $f'(x) = 3x - 4$ et $f(0) = 1$. Soit h un réel strictement positif.

En utilisant les mêmes notations que la la partie 1, on a A_1 le point de T_0 d'abscisse h , T_1 la droite passant par A_1 de coefficient directeur $f'(h)$, \dots A_i le point de T_{i-1} d'abscisse $i \times h$ et T_i la droite passant par A_i de coefficient directeur $f'(i \times h)$.

On note $(x_i; y_i)$ les coordonnées de A_i .

- Calculer x_i et montrer que $y_i = f'((i-1) \times h) \times h + y_{i-1}$.
- Compléter une feuille de tableur comme ci-dessous :

	A	B	C	D	E
1	Méthode d'Euler				
2	$f'(x)=3x-4$ et $f(0)=1$				
3	$h = 0,2$				
4	étape i	x_i	$f'(x_i)$	y_i	$f(x_i)$
5	0	0	-4	1	1,00
6	1	0,2	-3,4	0,2	0,26
7	2	0,4	-2,8	-0,48	-0,36
8	3	0,6	-2,2	-1,04	-0,86

- Construire le nuage de points reliés par une courbe lissée avec en X la colonne B et en Y la colonne D.